Esercitazione n. 11

1) Date le seguenti funzioni, trovare una loro primitiva e verificare che sia corretta:

$$a) \quad f(x) = sen2x$$

b)
$$f(x) = \cos^2 x sen x$$

c)
$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{1 - 9x^2}}$$

d)
$$f(x) = \frac{1}{1 + 4x^2}$$

e)
$$f(x) = 3^{2x-1}$$

$$\mathbf{f}) \quad f(x) = \frac{1}{3x}$$

g)
$$f(x) = \frac{1}{\sqrt[4]{3x^2}} + 4x^3$$

$$\mathbf{h}) \quad f(x) = \cos \pi x$$

i)
$$f(x) = -\frac{1}{1 + \sqrt{4}x^2}$$

$$\mathbf{j}) \quad f(x) = \frac{senx}{\cos x}$$

$$\mathbf{k}) \quad f(x) = -\frac{\cos x}{senx}$$

2) Date le seguenti funzioni, per ognuna di esse trovare la primitiva richiesta:

a)
$$f(x) = \cos(2x + \pi) - x\sqrt[4]{x}$$
; passante per il punto (0,1)

b)
$$f(x) = \frac{1}{\cos^2(x+\pi)}$$
; passante per l'origine

c)
$$f(x) = e^{\frac{x}{2}} - \frac{1}{\sqrt{1 - (\pi x)^2}}$$
; passante per il punto (0,1)

d)
$$f(x) = 2^{3x-1} + \frac{1}{sen^2 x}$$
; passante per il punto (1,1)

e)
$$f(x) = e^{\frac{\pi x - 1}{2}} + \frac{1}{(1 + 2x)^3}$$
; passante per l'origine

f)
$$f(x) = 3^{\frac{2x-1}{3}} - \frac{1}{\pi x}$$
; passante per il punto (1,0)

g)
$$f(x) = 2^{\frac{-2x+1}{2}} + \frac{1}{sen^2\left(\frac{\pi}{2} + x\right)}$$
; passante per il punto (0,1)

h)
$$f(x) = 4x - 2$$
; passante per il punto (1,1)

i)
$$f(x) = x(x^2 + 2)$$
; passante per l'origine

3) Date le seguenti funzioni, trovare una loro primitiva:

a)
$$f(x) = \frac{2x^2 + x - 5}{3x - 1}$$

b)
$$f(x) = \frac{3x^3 - 2x^2 - 1}{2x - 1}$$

c)
$$f(x) = \frac{5x^4 - 2x^2 - 1}{5x + 1}$$

d)
$$f(x) = \frac{4x^2 + 3x + 2}{2x + 1}$$

e)
$$f(x) = \frac{2x^4 + 2x^2 + 1}{x^2 + 1}$$

f)
$$f(x) = \frac{x^4 - x^3 + 1}{x^2 - 1}$$

g)
$$f(x) = \frac{x^3 - x^2 + 1}{x^3 + 1}$$

4) Date le seguenti funzioni, trovare una loro primitiva:

a)
$$f(x) = \frac{2x+1}{3x^2-x}$$
.

b)
$$f(x) = \frac{x-1}{x^2 - 2x}$$
.

c)
$$f(x) = \frac{2x-3}{x^2-2x+1}$$
.

d)
$$f(x) = \frac{3x^2 - x + 2}{x^2 - 2x + 2}$$
.

e)
$$f(x) = \frac{4x^3 - 2x + 1}{2x^2 - 2x - 1}$$
.

5) Date le seguenti funzioni, per ognuna di esse trovare la primitiva richiesta:

a)
$$f(x) = sen^2 x$$
; passante per il punto $\left(\frac{\pi}{2}, \pi\right)$.

b)
$$f(x) = \cos^2 x$$
; passante per il punto $\left(\pi, \frac{\pi}{2}\right)$.

c)
$$f(x) = \arccos \pi x$$
; passante per il punto $\left(0, \frac{\pi}{2}\right)$.

d)
$$f(x) = arctg \frac{\pi}{2} x$$
; passante per il punto $\left(1, \frac{\pi}{2}\right)$.

e)
$$f(x) = tg 2\pi x$$
; passante per il punto $(1, \pi)$.

6) Date le seguenti funzioni, trovare una loro primitiva:

a)
$$f(x) = (3x^2 - x)\log(2x + 1)$$
.

b)
$$f(x) = (2x^2 + x)arctg(x-1)$$
.

c)
$$f(x) = (5x^4 + 1)arc \cot g\left(\frac{1}{x}\right)$$
.

d)
$$f(x) = (x^2 - x)2^{\frac{3x+1}{2}}$$
.

e)
$$f(x) = (2x^3 - x^2)e^{-\frac{x}{2}}$$
.